

Klasse BOST 2. Musterschulaufgabe aus der Physik

- 1.0 Der Planet Mars (Durchmesser $d = 6,80 \cdot 10^6 \text{ m}$) wird in verschiedenen Höhen h von einer Raumstation der Masse $m_R = 16,5 \text{ t}$ auf Kreisbahnen umrundet .

Nr.	1	2	3
h in 10^6 m	3,40	6,00	9,80
v in 10^3 m/s	2,50	2,13	1,80

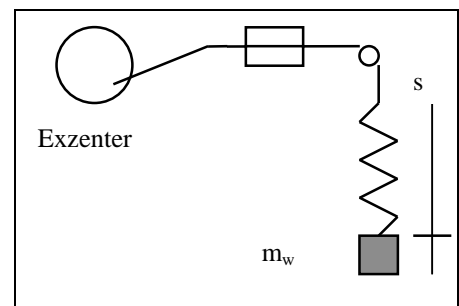
Für die drei Höhen ergaben sich nebenstehende Bahngeschwindigkeiten v :

- 1.1 Leiten Sie durch allgemeinen Kraftansatz den Zusammenhang zwischen der Bahngeschwindigkeit v und dem Bahnradius r her .
- 1.2 Stellen Sie durch eine **geeignete** graphische Darstellung (Achsenmaßstab , Achsenwerte) den linearen Zusammenhang zwischen v^2 und r dar und interpretieren Sie das Verhalten der Station am linken Rand des so erhaltenen linearen Zusammenhangs . (Tabelle angeben)
- 1.3 Bestimmen Sie unter Verwendung von 1.1 und 1.2 die Marsmasse ! [$m_M = 6,40 \cdot 10^{23} \text{ kg}$]
- 1.4 Von der Marsoberfläche wird ein zunächst ruhender Transporter der Masse $m_T = 1,5 \text{ t}$ in radialer Richtung abgeschossen. Dieser soll an die Raumstation ankoppeln die sich auf der Kreisbahn Nr. 1 befindet. Berechnen Sie dessen erforderliche Abschußgeschwindigkeit v_{ab} .
- 1.5 Nach dem Ankoppelvorgang wird die gesamte Station in die Synchronbahn r_S um den Mars gebracht . (Die Eigenrotationsdauer des Mars beträgt $T = 24,6 \text{ h}$)
Beschreiben Sie die Besonderheiten der Bahn und berechnen Sie den Bahnradius r_S .
[$r_S = 2,04 \cdot 10^7 \text{ m}$]
- 1.6 Berechnen Sie unter der Annahme , dass die Station sich von der inneren zur äußeren Kreisbahn r_S auf einer Halbellipse bewegt , die dafür notwendige Flugdauer t_F .

- 2.0 Der Exzenter ruht zunächst .
- 2.1 Für verschiedene Massen m_w wurde jeweils die Schwingungsdauer T gemessen.

Dabei ergaben sich folgende Werte :

m_w in g	50	100	150
T in s	0,57	0,80	0,98



Tragen Sie T^2 über m_w auf und bestimmen Sie daraus unter Verwendung einer entsprechenden Formel die Federkonstante D der vorliegenden Feder ! [Zwerg.: $D = 6,13 \text{ N/m}$]
[Maßstab : $50 \text{ g} = 2,0 \text{ cm}$; $0,2 \text{ s}^2 = 1 \text{ cm}$]

- 2.2 An die Schraubenfeder wird die Masse $m_1 = 100 \text{ g}$ und daran zusätzlich die Masse m_2 gehängt. Nach dem plötzlichen Abtrennen von m_2 führt das System eine harmonische ungedämpfte Schwingung mit der Amplitude $A = 8,0 \text{ cm}$ aus . Berechnen Sie die Masse m_2 und die Schwingungsdauer T ! [$T = 0,80 \text{ s}$]
- 2.3 Die Zeitmessung für die Schwingung beginnt am unteren Umkehrpunkt . Stellen Sie nach Herleitung mit eingesetzten Zahlenwerten den zeitlichen Verlauf für E_{kin} dar und geben Sie entsprechend den Verlauf für E_{pot} an .
- 2.4 Berechnen Sie , zu welchem Zeitpunkt t E_{kin} erstmals doppelt so groß wie E_{pot} ist .
- 2.5 Mit der Frequenz 0 Hz beginnend wird die Drehfrequenz der Exzenter Scheibe aus $2,0$ langsam linear bis zur Frequenz $f = 1,5 \text{ Hz}$ erhöht. Skizzieren und beschreiben Sie qualitativ den Verlauf für die Amplitude des Federpendels .
- 2.6 Entscheiden Sie begründet , ob im gleichen Frequenzbereich wie oben das Federpendel mit $m_w = 30 \text{ g}$ in Resonanz gebracht werden kann !

